

$$P_{total} = 800 \text{ daN/m}^2$$

Se indica la planta de un entrepiso de losas macizas de hormigón armado, apoyado en vigas de 20x40 cm de sección.

Se pide determinar el espesor de las losas, hallar la descarga a las vigas y verificar la viabilidad de la viga más comprometida.

(A los efectos de simplificar la parte operativa se indican los coeficientes de repartición para el estudio de las vigas 103-104 ó 153-154.)

HIPOTESIS DE MÉNSULA

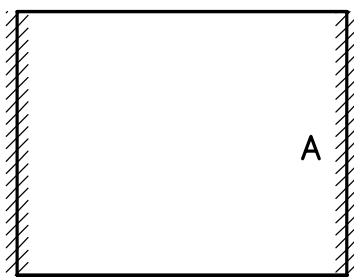
El enunciado pide en primer lugar la determinación del espesor de las losas y su descarga a las vigas. Como vemos, se trata de tres losas apoyadas en todo su perímetro (dos de ellas y dos ménsulas, iguales, pero según un eje de simetría).

Para la determinación de las descargas, que obtendremos con la tabla 4.1.6, deberemos definir aquellos lados que son o pueden ser continuos.

Analizaremos las losas aisladas, considerando con empotramiento perfecto (impedidos de girar) aquellos lados con continuidad.

La losa (1), es continua con la (2) y (3).

Las losas (2) y (3) son continuas con la (1), pero no sabemos si lo son con las ménsulas. Para ello determinaremos la entidad del momento de ménsula.



(esquema 1)

Deberemos analizar si el momento de la ménsula en el lado A es de tal entidad que nos permita considerar ese lado de la losa como impedido de girar (esquema 1).

De no ser así, la losa tendrá un sólo lado con continuidad y hallaremos los valores de momentos y descargas con el siguiente esquema (esquema 2)



(esquema 2)

Los momentos como losa aislada, los obtenemos en la tabla 4.1.2 (o tabla 4.1.3). Allí hallaremos los coeficientes que dividirán la resultante de carga que está actuando en la losa, y así, los momentos.

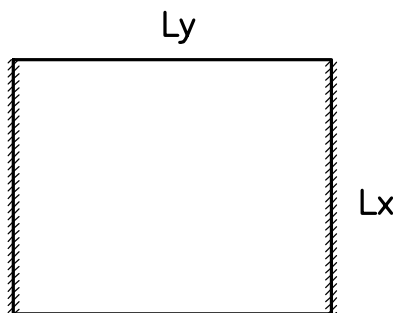


TABLA 4.1.2 (Max. reducción de Mom.(v))

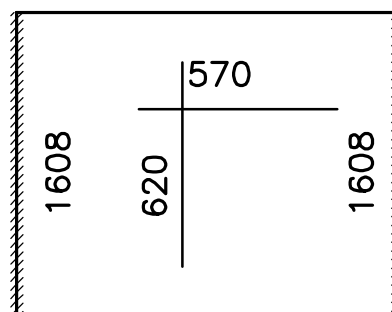
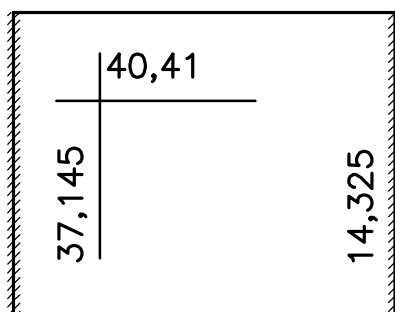
$$P.Ly.Lx = 800 \times 6 \times 4.80 = 23.040 \text{ daN}$$

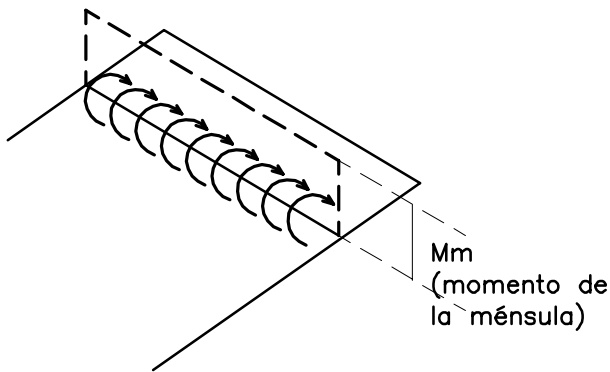
$$\varepsilon = \frac{6}{4.80} = 1.25$$

$$M_x = \frac{p.Ly.Lx}{\text{coef.}} = \frac{23.040}{37,145} = 620 \text{ daNm}$$

$$M_y = \frac{p.Ly.Lx}{\text{coef.}} = \frac{23.040}{40,41} = 570 \text{ daNm}$$

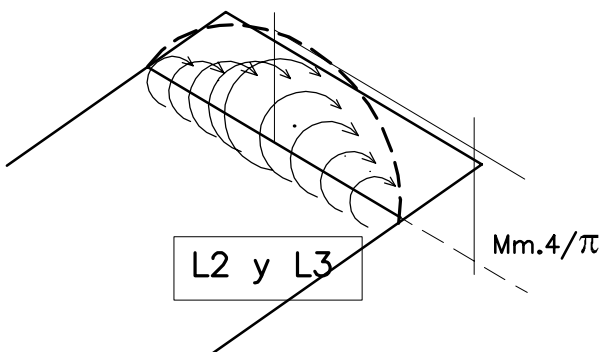
$$M_{1-3} = \frac{p.Ly.Lx}{\text{coef.}} = \frac{23.040}{14,325} = 1608 \text{ daNm}$$





En el caso de losas aisladas, los momentos en los apoyos tienen una variación curva que, se simplifican siguiendo una ley sinusoidal.

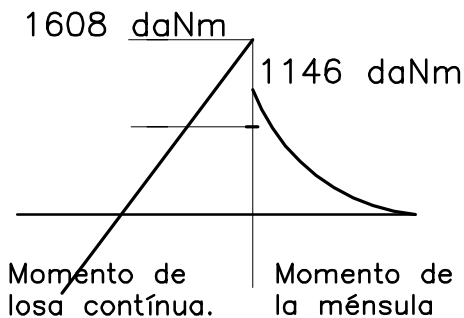
En cambio, los momentos de las ménsulas son uniformes en cuanto a su valor a lo largo del apoyo.



Para transformar el momento uniforme en sinusoidal, adoptaremos el valor del momento en el centro de la línea de apoyo, multiplicando el momento uniforme por $4/\pi$.

Al comparar el momento de la ménsula corregido ($Mm.1.273$), con el momento del apoyo de la losa contigua, veremos la entidad del momento de ménsula y cómo afectará a la losa.

Luego de hallados los momentos de apoyo como losa aislada, hallamos el momento de la ménsula y lo corregimos:



$$Mm = \frac{p \cdot L^2}{2} = \frac{800 \times 1.5^2}{2} = 900 \text{ daNm}$$

El momento de ménsula transformado en un valor sinusoidal:

$$Mm(\text{corr.}) = Mm.1,273 = 1146 \text{ daNm}$$

Definimos a la losa como continua con la ménsula, cuando el momento de ménsula corregido por $4/\pi$ es \geq que la mitad del momento del apoyo de la losa considerada aislada:

$$Mm.1,273 < 0,5 M_{ya}$$

$$1146 \text{ daNm} < 804 \text{ daNm}$$

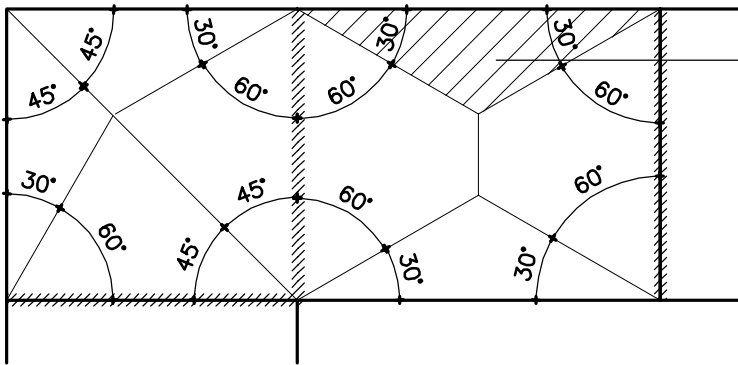
LA LOSA 2 ES CONTINUA

A los efectos del estudio de las losas consideraremos las losas 2 y 3 con continuidad con la ménsula.

ESTUDIO DE LAS LOSAS

* DESCARGAS DE LOSAS EN VIGAS (Tabla 4.1.6)

El uso de esta tabla, es equivalente a hallar las áreas de influencia de cada apoyo, que obtenemos con el trazado de ángulos a 45° (cuando los lados de la losa tienen igual rigidez) o 30°, 60° (cuando su rigidez es diferente).



Cada una de estas áreas, multiplicadas por la carga de la losa (daN/m²) y dividida por la luz de la viga correspondiente; nos permitirá obtener la descarga de la losa en cada viga (daN/m).

L1

L2

0.183	703	0.1805	693	
703		1217	1534	1200
0.183		0.317	0.3195	0.3195
0.317	1217	0.1805	693	
	1534			
	4.80		6.00	1.50

De la tabla 4.1.6 obtenemos coeficientes que representan la proporción de la carga resultante en la losa, que actúa en cada viga, (para estudiar cada viga, deberemos dividir por su luz).

La resultante de la carga actuante en la losa será:
 $p \cdot Ly \cdot Lx$

L1

L2

$$p \cdot Ly \cdot Lx = 18432 \text{ daN} \quad \varepsilon = 1$$

$$\text{desc.} = \frac{p \cdot Ly \cdot Lx \times \text{coef.}}{L}$$

$$p \cdot Ly \cdot Lx = 23040 \text{ daN} \quad \varepsilon = 1.25$$

$$\text{desc.} = \frac{p \cdot Ly \cdot Lx \times \text{coef.}}{L}$$

Ménsula

$$p \cdot L = 800 \times 1.50 = 1200 \text{ daN}$$

* DETERMINACIÓN DE h LOSAS (Norma 1050)

L1

Luz mayor/luz menor = 1

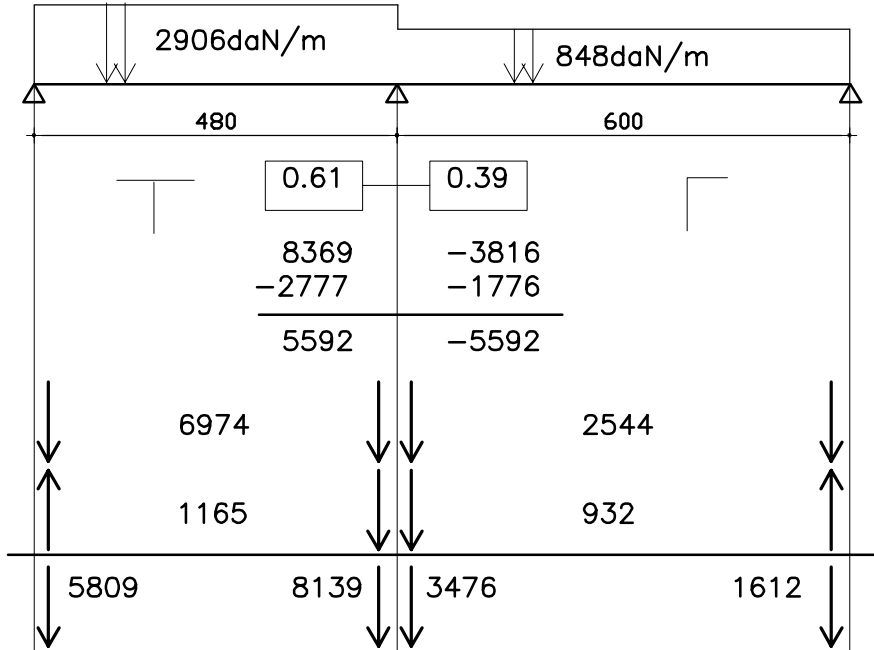
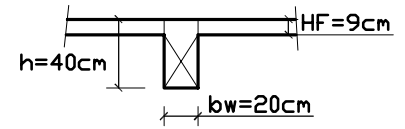
L2

Luz mayor/luz menor = 1.25 Tabla 25B: Luz menor/h = 55
 $h = 4.80 / 55 = 0.087 \text{ m} \Rightarrow h = 9 \text{ cm}$

ESTUDIO DE LAS VIGAS

* V.103-104

peso propio:
p.p.: $2500 \times 0.31 \times 0.2 = 155 \text{ daN/m}$



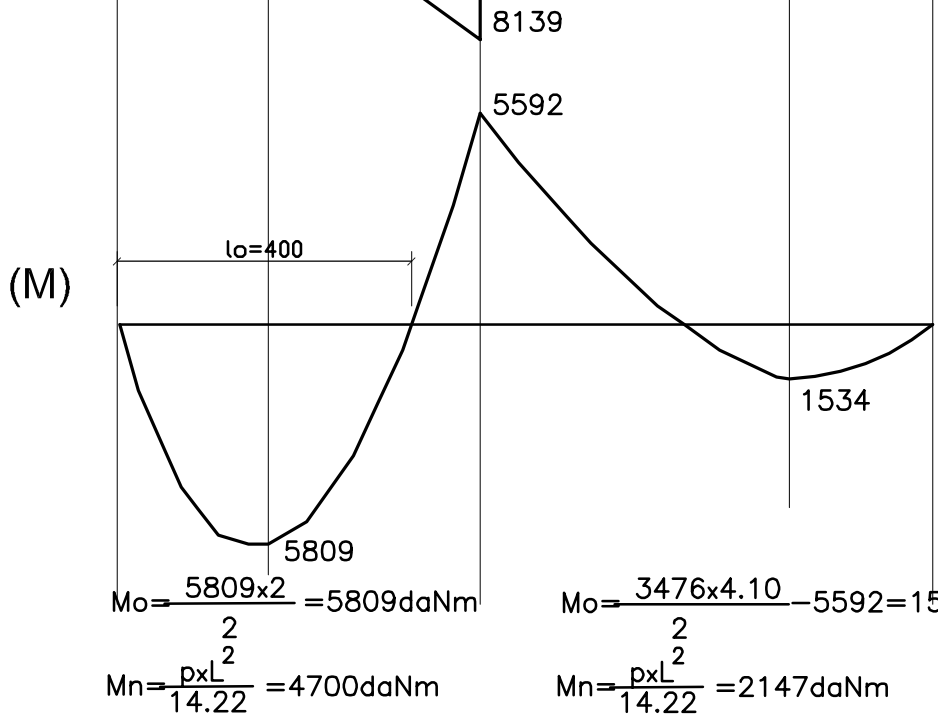
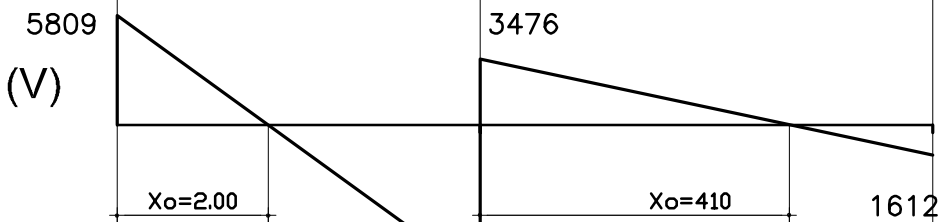
MEP:

V.103

$$M = \frac{p \cdot L^2}{8} = 8369 \text{ daNm}$$

V.104

$$M = \frac{p \cdot L^2}{8} = 3816 \text{ daNm}$$



VERIFICACIÓN DE SECCIONES

a) VERIFICACIÓN AL MOMENTO FLECTOR

* APOYO

$$M = 5592 \text{ daNm}$$

$$M_d = 5592 \times 1.6 = 8947 \text{ daNm} = 894700 \text{ daNcm}$$

$$M_{dlim} = 0.332 \times b \times d^2 \times f_{cd} = 0.332 \times 20 \times 37^2 \times 100 = 909000 \text{ daNm}$$

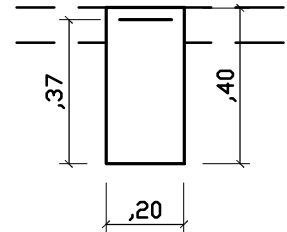
$$M_d = 5592 \times 1.6 = 8947 \text{ daNm}$$

$M_d < M_{dlim}$ -- sección simplemente armada

$$\mu_{ad} = \frac{M_d}{b \cdot d^2 \cdot f_{cd}} = \frac{894700}{20 \cdot 37^2 \cdot 100} = 0.326 \quad \omega = 0.447$$

$$A_{s1} = \frac{w \cdot b \cdot d \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{0.447 \times 20 \times 37 \times 100}{3650} = 9.06 \text{ cm}^2$$

Viabilidad: $\rho = \frac{A_{s1}}{b \cdot d} = 0.012 < 0.018$ viable



* TRAMO

Determinaremos primero, la colaboración de la losa (b_e) según NORMA UNIT 1050:

$$b_e = b_w + 2(l_o/10) = 20 + 2 \times (400/10) = 100 \text{ cm}$$

$$M = 5809 \text{ daNm}$$

$$M_d = 5809 \times 1.6 = 9294 \text{ daNm} = 929400 \text{ daNcm}$$

$$\mu_{ad} = \frac{M_d}{b \cdot d^2 \cdot f_{cd}} = \frac{929400}{100 \cdot 37^2 \cdot 100} = 0.068$$

$$\frac{h_f}{d} = \frac{9}{37} = 0.24$$

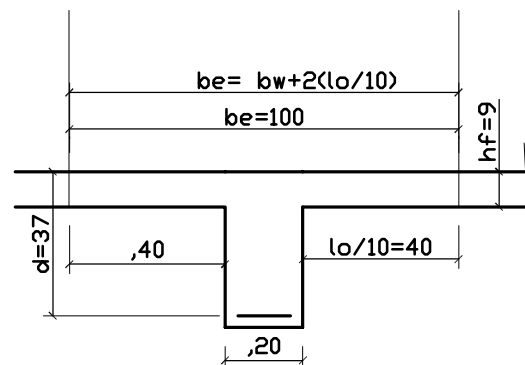
$$\frac{b_e}{b_w} = \frac{100}{20} = 5$$

$$\omega = 0.072$$

$$A_{s1} = \frac{w \cdot b \cdot d \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{0.072 \times 100 \times 37 \times 100}{3650} = 7.30 \text{ cm}^2$$

Viabilidad:

$$\rho = \frac{A_{s1}}{b \cdot d} = 0.01 < 0.018 \text{ viable}$$



De esta manera determinamos ω mediante la tabla de secciones nervadas.

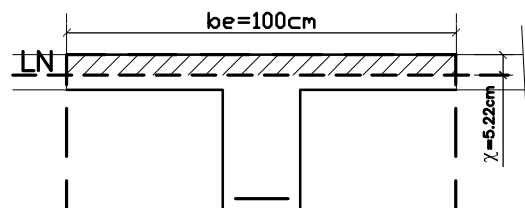
Otra forma de analizar la sección es determinar cómo efectivamente trabaja, cuáles son sus partes comprimidas y cuáles traccionadas. Para ello determinaremos la profundidad de la línea neutra. Si ésta corta el ala, entonces podremos trabajar con una sección igual a $b_e \times h$. Usaremos la tabla de secciones rectangulares.

$$\chi = \delta \cdot d$$

$$\mu_{ad} = 0.068 \quad \delta = 0.141$$

$$\chi = 0.141 \times 37 = 5.22 \text{ cm} \quad \omega = 0.072$$

$$A_{s1} = \frac{w \cdot b \cdot d \cdot f_{cd}}{f_{yd}} = \frac{0.072 \times 100 \times 37 \times 100}{3650} = 7.30 \text{ cm}^2$$



a) VERIFICACIÓN AL CORTANTE

VIGA: 20X40
V= 8139daN
Vd=13022daN

VERIFICACIÓN DE LA SECCIÓN DE
HORMIGÓN A LA COMPRESIÓN PROVOCADA
POR EL CORTANTE

$$V_d \leq 0.27 \cdot b \cdot d \cdot f_{cd}$$

$$13022 \leq 0.27 \times 20 \times 37 \times 100 = 19980 \text{ daN} \text{ --- viable}$$

